



Elektrodynamik und Spezielle Relativitätstheorie
Sommersemester 2009

10. Übungsblatt

Abgabe bis zum 10.07.2009 um 14:00 Uhr ins Postfach
Besprechung am 13.07.2009 in der Übung

25. Ein Photograph (6 Punkte)

Ein Beobachter möchte ein Foto eines quadratischen Netzes aus 4×4 quadratischen Maschen der Maschenweite 1 machen, das mit der Geschwindigkeit v an ihm vorüberfliegt. Zur Beschreibung der Situation führen wir zwei Koordinatensysteme K und K' ein. Der Beobachter ruhe in K und das Netz in K' . Das System K' mit Ursprung im Mittelpunkt des Netzes sei so gewählt, dass das Netz in der $x'y'$ -Ebene parallel zu den Koordinatenachsen aufgespannt ist. Das System K sei mit seinen Achsen parallel zum System K' ausgerichtet. Die Geschwindigkeit des Netzes im System K sei $\vec{v} = (v, 0, 0)$. Die Uhren in beiden Systemen seien so synchronisiert, dass die Ursprünge beider Systeme zum Zeitpunkt $t = t' = 0$ zusammenfallen. Die Kamera des Beobachters befinde sich bei $\vec{x} = (0, 0, d)$.

Zu welchem Zeitpunkt t muss der Verschluss der Kamera geöffnet werden, um ein Bild des Netzes zum Zeitpunkt des Zusammenfallens der Ursprünge zu bekommen? Welches Bild des Netzes erscheint auf dem Film?

26. Strahlung eines beschleunigten Teilchens (6 Punkte)

Für das von einer beschleunigt bewegten Ladung erzeugte Feld in der Fernzone gilt:

$$\vec{E} = \frac{q}{cr_0} \frac{\vec{n} \times [(\vec{n} - \vec{\beta}) \times \dot{\vec{\beta}}]}{(1 - \vec{n} \cdot \vec{\beta})^3} \quad (1)$$

$$\vec{B} = \vec{n} \times \vec{E}. \quad (2)$$

Es sollen die Richtungen bestimmt werden, in denen die Ausstrahlung verschwindet.

- Zeige zunächst, dass hierfür \vec{n} , $\vec{\beta}$ und $\dot{\vec{\beta}}$ in einer Ebene liegen müssen
- Gib für den Fall verschwindender Ausstrahlung eine Relation zwischen den Winkeln $\alpha = \angle(\vec{\beta}, \dot{\vec{\beta}})$ und $\chi = \angle(\dot{\vec{\beta}}, \vec{n})$ an.
- Betrachte nun den Spezialfall einer kreisförmigen Bewegung, d.h. $\vec{\beta} \cdot \dot{\vec{\beta}} = 0$. Zeige, dass hierfür gilt:

$$dI = \frac{q^2 \dot{\beta}^2}{4\pi c} \frac{1}{(1 - \beta \cos \vartheta)^6} \{ (1 - \beta \cos \vartheta)^2 - (1 - \beta^2) \sin^2 \vartheta \cos^2 \varphi \} d\Omega \quad (3)$$

wobei $\vartheta = \angle(\vec{n}, \vec{\beta})$ ist. Der Winkel φ ist der Winkel zwischen $\dot{\vec{\beta}}$ und der Projektion des Vektors \vec{n} in die Ebene, die von $\vec{\beta}$ und $\vec{\beta} \times \dot{\vec{\beta}}$ aufgespannt wird. Bestimme die Winkel ϑ und φ , für die die Intensität verschwindet.

27. Lorentztransformation des elektromagnetischen Feldes (6 Punkte)

- (a) Bestimme mit Hilfe des Feldstärketensors F die Transformationsgleichungen für die Felder \vec{E} und \vec{B} für den Übergang von einem Bezugssystem K in ein parallel zu K ausgerichtetes Bezugssystem K' , dessen Ursprung zu einem Zeitpunkt $t = t' = 0$ mit dem von K zusammenfällt und das sich bezüglich K mit konstanter Geschwindigkeit v in y -Richtung bewegt.
- (b) Zeige durch explizites Nachrechnen, dass die Größen $E^2 - B^2$ und $\vec{E} \cdot \vec{B}$ invariant unter der in (a) bestimmten Transformation sind.
- (c) Berechne unter Verwendung des Ergebnisses aus (a) die elektrische Feldstärke \vec{E} und die magnetische Feldstärke \vec{B} , die von einer sich mit konstanter Geschwindigkeit v bewegenden Ladung q erzeugt werden.